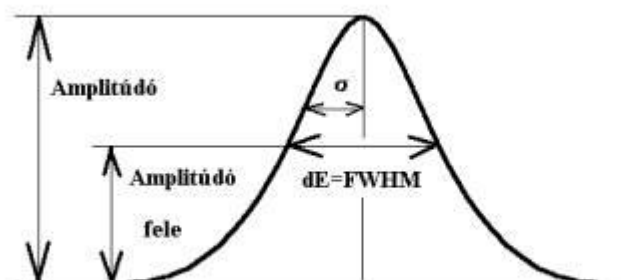


A Gauss (normális) eloszlást az alábbi alakban szokás tárgyalni:

$$N(x, x_m, \sigma) = A \frac{1}{\sqrt{2 \cdot \pi \cdot \sigma^2}} e^{-\frac{(x-x_m)^2}{2 \cdot \sigma^2}} \quad (1)$$

Itt N a beütésszám, x a csatornaszám (energia), x_m a maximum helye, σ a mennyiség szórása. Arra vagyunk kíváncsiak, hogy milyen x értéknél veszi föl a függvény az A maximum érték felét.



Ez a félérték-szélesség (Full width at half maximum, FWHM). Ha a függvény maximumát az origóba helyezzük és eltekintünk az amplitúdó konkrét értékétől, akkor az

$$\frac{1}{2} = e^{-\frac{x^2}{2\sigma^2}} \quad (2)$$

egyenletet kell megoldani. Ha az $\frac{1}{2}$ helyett az $e^{\ln \frac{1}{2}}$ helyettesítéssel élünk, akkor az exponenciális függvény szigorú monotonitása miatt:

$$\ln \frac{1}{2} = -\left(\frac{x^2}{2 \cdot \sigma^2}\right) \quad (3)$$

Ha az $\ln \frac{1}{2}$ helyett $-\ln 2$ -t írunk és -1 -el szorzunk, akkor az alábbi kapjuk:

$$\ln 2 = \frac{x^2}{2 \cdot \sigma^2} \quad (4)$$

ezt x -re rendezve és a gyökvonást elvégezve kapjuk a keresett összefüggést:

$$x = \sigma \sqrt{2 \cdot \ln 2} \quad (5)$$

amit behelyettesítve illetve az (1) jobb oldalának első zárójeles kifejezésébe is

$$x = \sigma \sqrt{2 \cdot \ln 2} \quad (6)$$

behelyettesítve: $x = 1,18 \cdot \sigma$

Ami a félérték-szélesség fele, az egész $2,36 \cdot \sigma$.